

**1 - Dados:**

$$r = 4,23 \times 10^7 \text{ m}$$

**1.1 -  $v = ?$**

$$T = 24 \text{ h}$$

$$v = 2\pi r / T$$

$$v = 2 \times 3,14 \times 4,23 \times 10^7 / (24 \times 3600)$$

$$v = 3,07 \times 10^3 \text{ m/s}$$

**1.2 -  $a_c = ?$**

$$a_c = v^2 / r$$

$$a_c = (3,07 \times 10^3)^2 / 4,23 \times 10^7$$

$$a_c = 2,23 \times 10^{-1} \text{ m/s}^2$$

**1.3 -  $h(\text{altitude}) = ?$**

$$r_{\text{orbital}} = r_{\text{Terra}} + \text{altitude}$$

$$h = 4,23 \times 10^7 - 6,37 \times 10^6$$

$$h = 3,59 \times 10^7 \text{ m}$$

**2 - Dados:  $m_s = 21,1 \times 10^3 \text{ kg}$**

$$r = 6750 \text{ km} = 6,75 \times 10^6 \text{ m}$$

$$T = 91,8 \text{ min} = 91,8 \times 60 = 5,51 \times 10^3 \text{ s}$$

**2.1 -  $\omega = ?$**

$$\omega = 2\pi / T$$

$$\omega = 2 \times 3,14 / 5,51 \times 10^3$$

$$\omega = 1,14 \times 10^{-3} \text{ rad/s}$$

**2.2 -  $F_c = ?$**

$$F_c = m \times \omega^2 \times r$$

$$F_c = 21,1 \times 10^3 \times (1,14 \times 10^{-3})^2 \times 6,75 \times 10^6$$

$$F_c = 1,85 \times 10^5 \text{ N}$$

**3 - Dados:  $m_{\text{Marte}} = 6,4 \times 10^{23} \text{ kg}$**

$$T_{\text{Marte}} = 24,6 \text{ h}$$

$$G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ N m}^2 \text{ kg}^{-2}$$

Sendo a força gravítica uma força centrípeta:  $F_c = F_g \Leftrightarrow m \times \frac{v^2}{r} = G \times \frac{m_M \times m}{r^2}$

$$\left(\frac{2\pi r}{T}\right)^2 = \frac{G \times m_M}{r^2} \Leftrightarrow r = \sqrt[3]{\frac{G \times m_M \times T^2}{4\pi^2}} \Leftrightarrow r = 2,0 \times 10^7 \text{ m}$$

4. Dados:  $m = 300 \text{ kg}$   
 $h = 40,6 \text{ m}$

4.1.  $\Delta E_p = mg(h_f - h_i)$   
 $\Delta E_p = 300 \times 10 \times (0 - 40,6)$   
 $\Delta E_p = -1,22 \times 10^5 \text{ J}$  Opção (C)

4.2. Cálculo de  $h'(h_A - h_B)$

$$h' = 40 \text{ sen } 50^\circ$$

Se não existe atrito podemos considerar que existe conservação da energia mecânica (argumento energético), então:

$$\Delta E_c = -\Delta E_p$$

$$0,5 \times m \times v_B^2 = -m \times g \times (h_B - h_A)$$

$$v_B^2 = 80 \text{ g sen } 50^\circ$$

Utilizando a expressão da cinemática:  $v^2 = v_0^2 + 2 a \Delta x$

$$\text{Fica: } a = 0,77 \text{ g ou } a = 7,7 \text{ m/s}^2$$

Logo é menor que  $0,80 \text{ g}$  como se queria demonstrar.

4.3. Dados:

$$v = 24,8 \text{ m s}^{-1}$$

$$r = 50,0/2 = 25,0 \text{ m}$$

Cálculo de  $a_c$ :

$$a_c = v^2/r$$

$$a_c = 24,8^2/25,0 = 24,6 \text{ m/s}^2$$

A direcção do vector velocidade é radial e o sentido é de C para D.

4.4. Pelo percurso verifica-se que o valor da aceleração é constante nos troços de A a B e de D a E, sendo que terá maior valor no troço mais inclinado, ou seja de A a B. Pelos gráficos podemos seleccionar os gráficos (C) e (D). No troço circular (de B a D) só existe aceleração centrípeta, mas o seu valor é constante, como se verifica nos dois gráficos seleccionados. No troço de E a F a aceleração vai ser negativa, pois o trenó vai diminuir a sua velocidade até parar. O gráfico a seleccionar é o (C).

4.5. Utilizar o percurso EF com o mesmo comprimento, mas com declive superior a zero ou utilizar um percurso horizontal mais comprido.

4.6. A composição deve contemplar os seguintes tópicos:

- As forças que actuam no trenó têm direcção perpendicular ao deslocamento, em cada ponto da trajectória circular, pelo que não realizam trabalho sobre o trenó.
- Aplicando o teorema da energia cinética (ou Lei do Trabalho - Energia, conclui-se que se mantém constante a energia cinética do trenó e, conseqüentemente, o módulo da sua velocidade.